

# 第八届“聪明小机灵”小学数学邀请赛(复赛)试题

## 四年级解答

**填空:** (共 20 题, 满分 120 分。第 1~12 题每题 5 分, 共 60 分, 第 13~16 题每题 6 分, 共 24 分, 第 17~20 题每题 9 分, 共 36 分, )

(1)  $(1+2+3+\cdots+2008+2009+2008+\cdots+3+2+1) \div 2009 =$  \_\_\_\_\_。

**解:** 原式  $= [(1+2008) \times 2008 \div 2 + 2009] \div 2009$   
 $= [2009 \times 2008 + 2009] \div 2009$   
 $= 2009 \times 2009 \div 2009$   
 $= 2009。$

(2) 一叠人民币中有 1 元, 2 元, 5 元, 10 元, 20 元, 50 元, 100 元, 共计 940 元, 各种币值的张数相同。每种币值的张数各是 \_\_\_\_\_ 张。

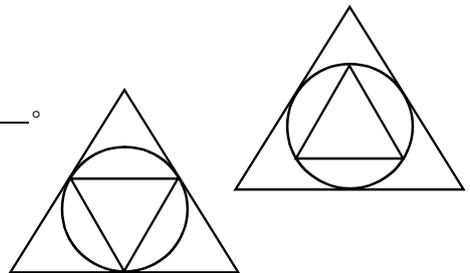
**解:**  $940 \div (1+2+5+10+20+50+100) = 5$  (张)。

(3) 用数字 2, 4, 7 组成没有重复数字的三位数, 这些三位数的和是 \_\_\_\_\_。

**解:**  $(2+4+7) \times 111 \times 2 = 2886。$

(4) 如右图, 图中的小三角形是大三角形的 \_\_\_\_\_ 分之 \_\_\_\_\_。

**解:** 如右图, 将图中的小三角形转  $60^\circ$  就可以证明小三角形是大三角形的  $1/4$ 。



(5)  $1/2 + 2/4 + 1/3 + 6/9 + 1/4 + 9/12 =$  \_\_\_\_\_。

**解:** 原式  $= 1/2 + 1/2 + 1/3 + 2/3 + 1/4 + 3/4 = (1/2 + 1/2) + (1/3 + 2/3) + (1/4 + 3/4) = 1 + 1 + 1 = 3。$

(6) 某地区有 30 个县城, 每个县城都有 3 条公路通向别的县城, 这些县城之间共有 \_\_\_\_\_ 条公路。

**解:**  $3 \times 30 \div 2 = 45$  (条)。

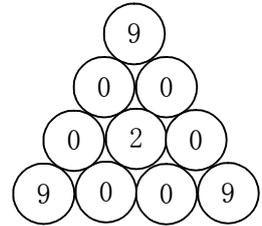
(7) 2 角和 5 角的硬币共 30 枚, 总钱数是 10.20 元, 2 角硬币有 \_\_\_\_\_ 枚, 5 角硬币有 \_\_\_\_\_ 枚。

**解:**  $(102 - 2 \times 30) \div (5 - 2) = 42 \div 3 = 14$  (枚)  $\cdots \cdots 5$  角  
 $(5 \times 30 - 102) \div (5 - 2) = 48 \div 3 = 16$  (枚)  $\cdots \cdots 2$  角

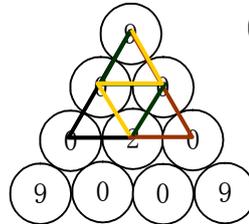
(8) 幼儿园老师给若干小朋友们分苹果，每人 5 只就剩下 7 只，每人 7 只就少 9 只，老师给 \_\_\_\_\_ 个小朋友分苹果，共有 \_\_\_\_\_ 只苹果。

解：  $(7+9) \div (7-5) = 16 \div 2 = 8$  (个)，  $5 \times 8 + 7 = 7 \times 8 - 9 = 47$  (只)。

(9) 从右图中的中心所在的 ② 出发，每一步都移动到所接触的圆上，要经过四个圆而依次得到数字 2, 0, 0, 9，共有 \_\_\_\_\_ 种不同的方法。



解：从 ② 出发，到三个顶点的数字 9 各有 4 种方法，一共有  $4 \times 3 = 12$  (种) 方法。



(10) 用边长 20 厘米的正方形瓷砖，铺一块长 104 厘米，宽 62 厘米的长方形地，要求相邻两块瓷砖之间间隔为 1 厘米，需要 \_\_\_\_\_ 块这样的瓷砖。

解：  $104 \div 20 = 5$  (块)  $\cdots\cdots 4$  (厘米) = 4 个间隔，  $62 \div 20 = 3$  (块)  $\cdots\cdots 2$  (厘米) = 2 个间隔，需要  $5 \times 3 = 15$  (块) 这样的瓷砖。

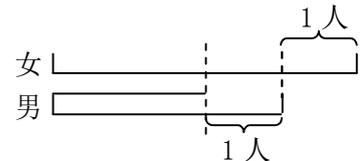
(11) 下面这列数中，最大的三位数是 \_\_\_\_\_。

1, 8, 15, 22, 29, 36,  $\cdots\cdots$

解：  $(999-1) \div 7 = 142 \cdots\cdots 4$ ，  $(999-4-1) \div 7 = 142$ ，这列数中，最大的三位数是 995。

(12) 几个小朋友在一起做游戏，选一个小朋友做队长。男孩做队长时，队员中女孩比男孩多一倍；女孩做队长时，队员中男孩和女孩一样多。男孩有 \_\_\_\_\_ 人，女孩有 \_\_\_\_\_ 人。

解：由线段图知：① 女孩比男孩多 1 人，② 男孩是女孩的一半多 1 人。可知，女孩的一半是  $1+1=2$  (人)，则女孩是 4 人，男孩是 3 人。

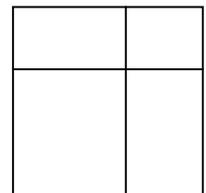


(13) N 是一个四位数。如果  $N+25$  是 8 的倍数，N 的最小值是 \_\_\_\_\_。

解：1000 是 8 的倍数，  $25+7=32$ ，32 是 8 的倍数，所以 N 的最小值是  $1000+7=1007$ 。

(14) 如右图，四个小长方形拼成了一个正方形。如果四个小长方形的周长之和比正方形的周长多 24 厘米，则正方形面积是 \_\_\_\_\_ 平方厘米。

解：正方形的周长比四个小长方形的周长之和少 4 条正方形的边长，这 4 条正方形的边长是 24 厘米，则 1 条边长为  $24 \div 4 = 6$  (厘米)，所以正方形面积是  $6 \times 6 = 36$  (平方厘米)。



(15) 如果  $6*2=6+7$ ,  $5*3=5+6+7$ ,  $4*5=4+5+6+7+8$ , ..., 那么  $5*5+6*5+7*5+\dots+10*5$  等于\_\_\_\_\_。

解:  $5*5+6*5+7*5+\dots+10*5$

$$= \underline{5+6+7+8+9+6+7+8+9+10+7+8+9+10+11+8+9+10+11+12+9+10+11+12+13+10+11+12+13+14}$$

$$= (5+14) \times 1 + (6+13) \times 2 + (7+12) \times 3 + (8+11) \times 4 + (9+10) \times 5$$

$$= 19 \times (1+2+3+4+5) = 285$$

或  $= 7 \times 5 + 8 \times 5 + 9 \times 5 + 10 \times 5 + 11 \times 5 + 12 \times 5 = (7+8+9+10+11+12) \times 5$

$$= 19 \times 3 \times 5 = 285。$$

(16) 甲乙两人分别以每小时 4.5 千米, 每小时 5.5 千米的速度, 从相距 55 千米的两地同时向对方出发地前进。当两人从面对面相距 13 千米到背对背相距 13 千米, 他们走了\_\_\_\_\_小时。

解:  $(13+13) \div (4.5+5.5) = 2.6$ (小时)。

(17) 7 个各不相同的正整数排成一排。如果任何三个相邻数的和都大于 15, 这 7 个正整数的和最小是\_\_\_\_\_。

解: 任何三个相邻数的和都大于 15, 最小为 16。

☆□□☆□□☆

三个☆为特殊位置, 去掉其中任意一个, 则剩下六个数的和最小值为  $16 \times 2 = 32$ 。

因此我们只要让三个特殊位置的数最小: 1, 2, 3。则这 7 个数的和就最小。此时, 这三个数最大一个为 3, 则  $16 \times 2 + 3 = 35$ , 所以这 7 个正整数的和最小是 35。下面给出一种排列:

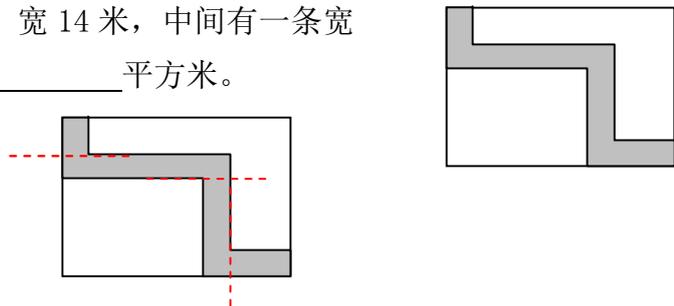
1, 7, 8, 3, 5, 9, 2.

(18) 如右图, 一块长方形草地, 长 20 米, 宽 14 米, 中间有一条宽 2 米的通道, 如图所示, 通道的面积是\_\_\_\_\_平方米。

解:  $(20+14) \times 2 - 2 \times 2$

$$= 34 \times 2 - 4$$

$$= 64(\text{m}^2)$$



(19) 小巧打一篇文稿, 打完一半后吃晚饭, 晚饭后每分钟比晚饭前每分钟多打 28 个字。前后共打字 48 分钟, 后 24 分钟比前 24 分钟多打 504 个字。这篇文稿一共\_\_\_\_\_个字。

解: 后 24 分钟里, 属于晚饭后的时间是:  $504 \div 28 = 18$ (分钟)。

晚饭前的时间是:  $48 - 18 = 30$ (分钟), 晚饭前最后 6 分钟打了:  $504 \div 2 = 252$ (个)。

所以, 总共:  $252 \div 6 \times 30 \times 2 = 2520$ (个)。